

Stringtheorie

Eine vollständige Theorie der Natur muss alle Kräfte beinhalten, insbesondere die Gravitation, die relevant wird, wenn der Schwarzschild-Radius

$$R_s = \frac{2 G_N \cdot m}{c^2}$$

vergleichbar der Compton-Wellenlänge

$$\lambda = \frac{\hbar}{mc}$$

wird. Dies geschieht für Massen (oder Energien) ab der Planck-Masse

$$m_{Pl} = \sqrt{\frac{\hbar c}{G_N}} \simeq 1.2 \cdot 10^{19} \text{ GeV}/c^2$$

wobei die zugehörige (Wellen-)Länge und Zeit

$$l_{Pl} = \sqrt{\frac{\hbar G_N}{c^3}} \simeq 1.6 \cdot 10^{-33} \text{ cm}$$

$$t_{Pl} = \sqrt{\frac{\hbar G_N}{c^5}} \simeq 5.4 \cdot 10^{-44} \text{ s}$$

sind. Eine solche vollständige Theorie muss also auch für Längenskalen unterhalb von l_{Pl} , Zeiten vor t_{Pl} und Energien oberhalb von m_{Pl} anwendbar sein.

Probleme der Quantengravitation

Vereinigung von elektromagn., schwacher und starker Wechselwirkung mit Gravitationswechselwirkung erfordert Quantisierung der Gravitation.

- Eines der Schlüsselprobleme:

Kausalität

$$v \leq c !$$

$$E=mc^2 !$$



Unschärferelation

$$\Delta p \cdot \Delta x \geq \hbar \Rightarrow v \leq c ?$$

$$\Delta E \text{ beliebig groß für } \Delta t \leq \frac{\hbar}{\Delta E} ?$$

mit anderen Worten:

- Bedeutet die Umschärferelation in einer Quantengravitation, dass Raum und Zeit "unscharf" sind?
- Wie kann die Kausalität von Ursache und Wirkung bei unscharfem Raum und Zeit sichergestellt werden?

Stringtheorien

... bieten Lösungsansätze für die technischen (Renomierbarkeit), konzeptionellen (Informationsverlust in schw. Löchern) und prinzipiellen (Kausalität & Unschärfe) Probleme einer Quantengravitation.

- Ursprung der Stringtheorien war ~ 1960 die empirische Beobachtung einer Relation zw. Hadronmassen und Hadronspins (sog. Regge-Trajektorie). Man stellte sich die verschiedenen Hadronen als unterschiedliche Anregungen einer Saite (engl. String) vor, z.B. für eine nicht-eingespannte Saite



Grundschwing.

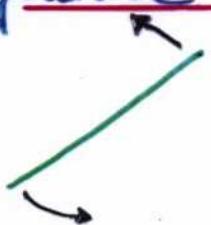


1. Anregung



2. Anregung

Einfache Bewegung einer solchen Saite (Länge L):



Rotation um Zentrum und Winkelgeschwindigkeit $\omega = \frac{c}{L}$. Bei

Stringspannung T_0 ist Energie $E = \pi \cdot T_0 \cdot L$ und Drehimpuls

$$J = \frac{\pi T_0}{2c} \cdot L^2$$

Ursprung der Stringtheorie

Quantisierung des Drehimpulses liefert quantisierte Energien und quantisierte Massen(-quadrat) $J_n = n \cdot \hbar$, $E_n = \sqrt{2\pi \hbar c T_0} \cdot n$, $M_n^2 = E_n^2/c^4 = \frac{2\pi \hbar T_0}{c^3} \cdot n$. Mit $\alpha' = \beta/E\hbar = 1/2\pi T_0 \hbar c$ folgt dann die Relation (eine Konstante α_0 wird von Hand eingefügt):

$$J = \alpha_0 + \alpha' \cdot M^2 \quad \text{Regge-Trajektorie}$$

exp.
Meßer-
gebnisse:

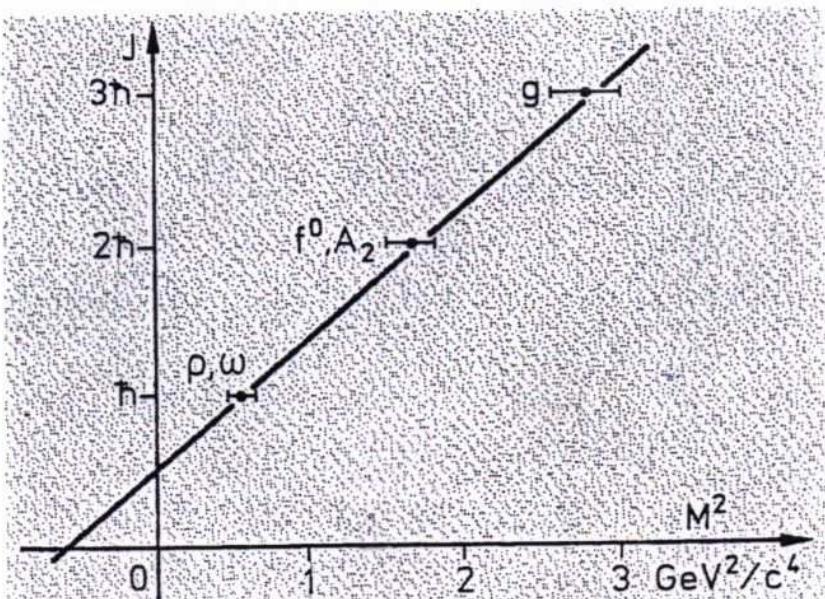


Fig. 3: Example of linear Regge trajectories.

Die Größe α' wird experimentell zu ca. 1 GeV^{-2} bestimmt, d.h. die Stringspannung $T_0 \approx 0.81 \frac{\text{GeV}}{\text{fm}}$

NB. Mit der Entdeckung der Partonstruktur von Hadronen wurde das Quarkmodell populärer, da das Stringmodell keine punktförmigen Konstituenten in Hadronen beschreibt.

Struktur der Stringtheorien

Das Konzept der Strings wurde von Hadrons übernommen und auf ≥ 4 Raum-Zeit-Dimensionen verallgemeinert. Man unterschied zusätzlich:

offene und geschlossene Strings

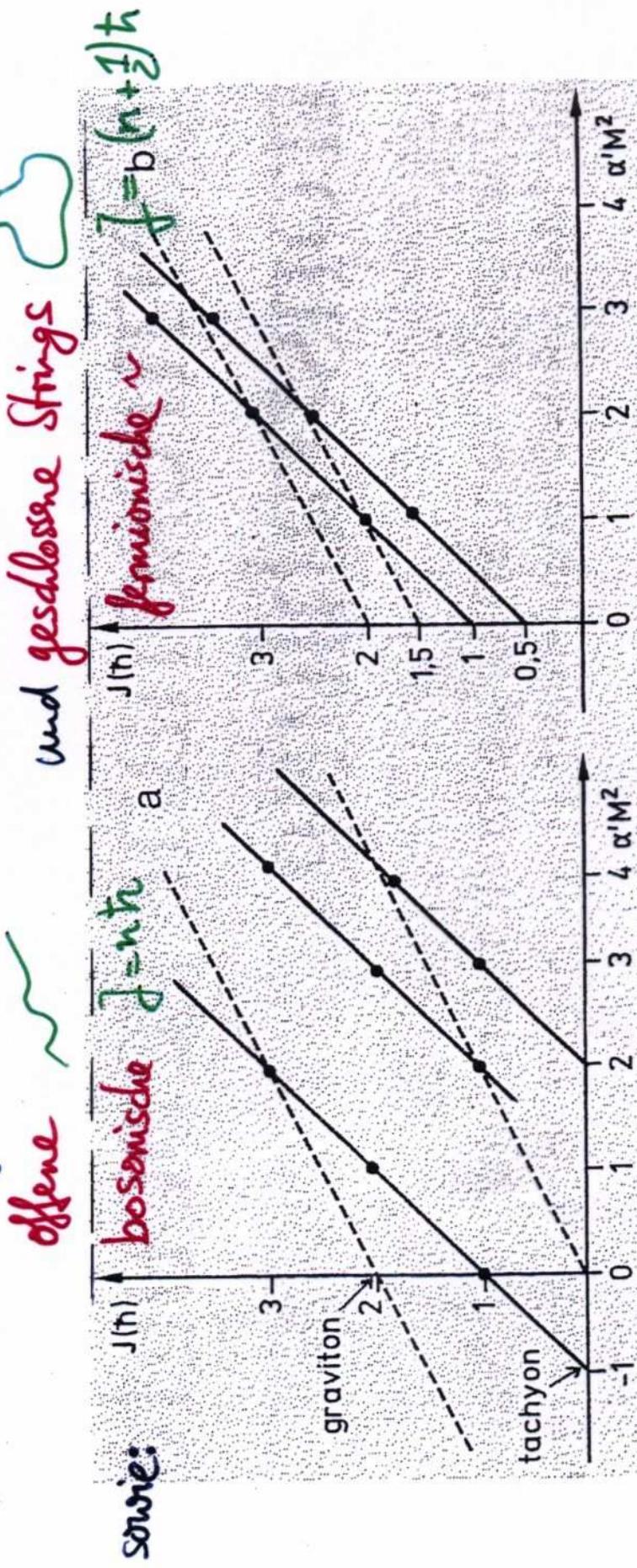


Fig. 6: a) Spectrum of open (solid lines) and closed (dotted lines) bosonic strings; b) Spectrum of open and closed fermionic strings.

Das masselose Teilchen mit $J = 2 \hbar$ wurde als Graviton interpretiert.
Da die Interpretation des Tachyons ($\alpha'^2 < 0$) problematisch ist, wurde bessere Stringtheorie gesucht

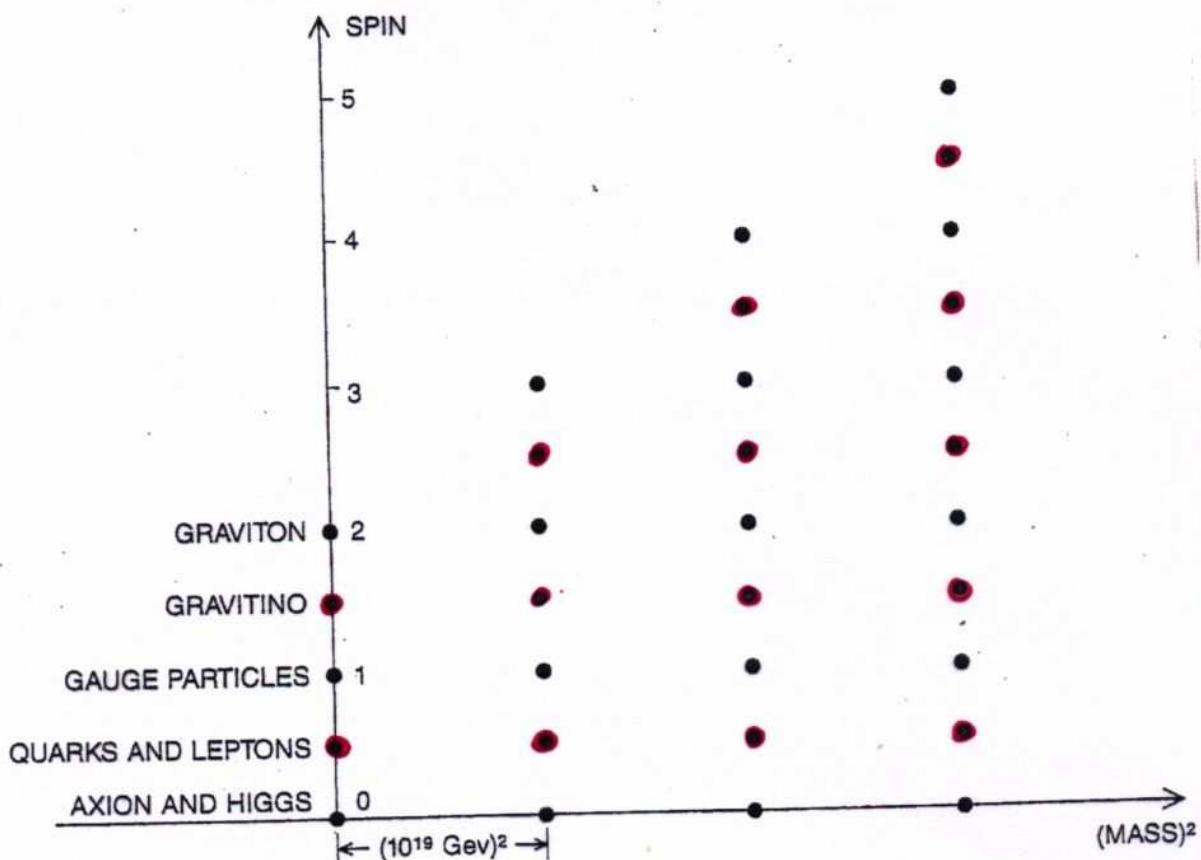
Struktur der Stringtheorien

- Konsistente Stringtheorien gibt es nur im Raum-Zeiten mit mehr als 4 Dimensionen. Bosonische Stringtheorien benötigen z.B. 26 Dimensionen, sind aber durch das Auftreten eines Tachyons nicht favorisiert. Außerdem gibt es keine Fermionen (= Materie) in solchen Stringtheorien.
- Fermionische Stringtheorien leben in 10 Dimensionen und beinhalten dabei auch Supersymmetrie zwischen Fermionen und Bosonen als integralen Bestandteil. Daher bezeichnet man solche Stringtheorien auch als Superstringtheorien.
- Die zusätzlichen Raum-Dimensionen sind gemäß einem von Kaluza und Klein um 1920 eingeführten Schema "komplaktifiziert" durch "Aufrollen", d.h. Einführen einer periodischen Struktur, wobei der Radius dieser Rolle $l_{Pl} \approx 10^{-33}$ cm beträgt.



Struktur der Stringtheorien

In Superstringtheorien sind alle Teilchen (Quarks, Leptonen, Eichbosonen, Gravitonen und ihre supersym. Partner) aus elementaren Strings aufgebaut.

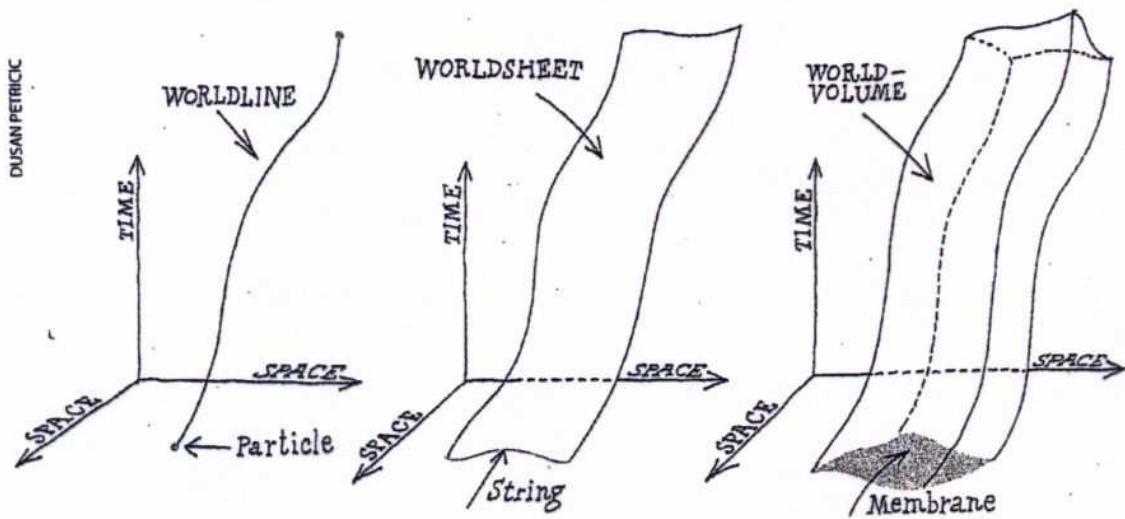


SPECTRUM OF STRING STATES is plotted for the heterotic string theory in which the extra six dimensions of spacetime have been curled up. Each black dot represents a set of bosons and each colored dot represents a set of fermions. All string states that correspond to known particles are massless states; the states with nonzero mass form an infinite series whose masses are a whole number times the square of the Planck mass, which is 10^{19} GeV. For each mass the number of fermion states is equal to the number of boson states. If each possible spin direction is counted as a different state, there are 8,064 massless states, and 18,883,584 states at the first mass level; the number increases exponentially thereafter.

Ein Massenspektrum ergibt sich aus den Eigenschwingungen des Strings, die einzelnen Moden liegen aber $\sim 1/l_{\text{Pl}} \leq m_{\text{Pl}} \approx 10^{19} \text{ GeV}$ auseinander.

Struktur der Stringtheorien

Ein relativistischer String ist ein idealisiertes eindimensionales Objekt. Eine Membran wäre eine weitere Möglichkeit für die elementare Baueinheit von Teilchen. Sie ist auch die maximale mit Supersymmetrie



TRAJECTORY of a particle in space-time traces a worldline. Similarly, that of a string or a membrane sweeps out a worldsheets or worldvolume, respectively.

noch verträgliche Dimension. Trotzdem spricht man in Superstringtheorien von p-dimensionalen Membranen, kurze p-branes (oder auch 0-branes), auf denen Strings (oder 1-branes) enden können, ohne daß sie Schleifen bilden. So wurde beispielsweise durch Umrwickeln eines 6dim Torus mit geladenen, massiven p-branes ein Objekt erzeugt, das einem schwarzen Loch vergleichbar ist.

Wechselwirkung zw. Teilchen im String-Bild

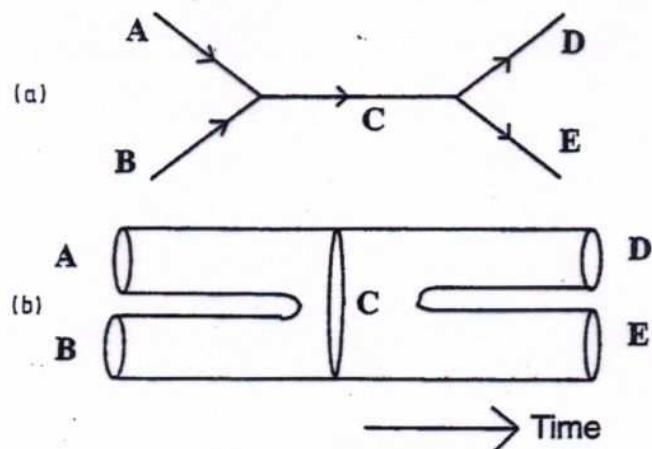


Figure 2.30. Space-time diagram of a string interaction with two strings, (A and B) (b), in comparison with a particle interaction (a). The space-time point of the string interaction (C) is ambiguous and depends on the Lorentz frame; the end products are D and E (from [Gro93]).

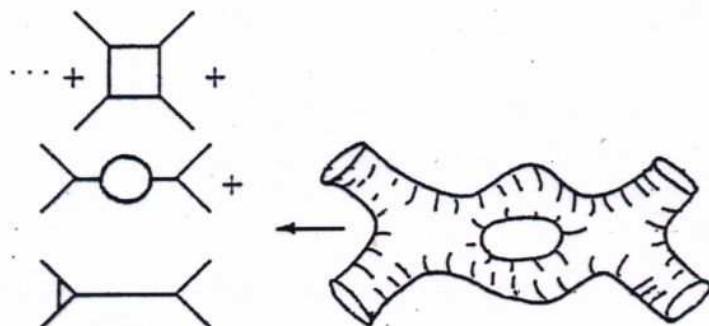


Figure 2.31. First order corrections to the Feynman diagrams reveal themselves in string theories by holes in world sheets. The number of holes (also called the genus) describes the order of perturbation theory (see e.g. [Wit96]).

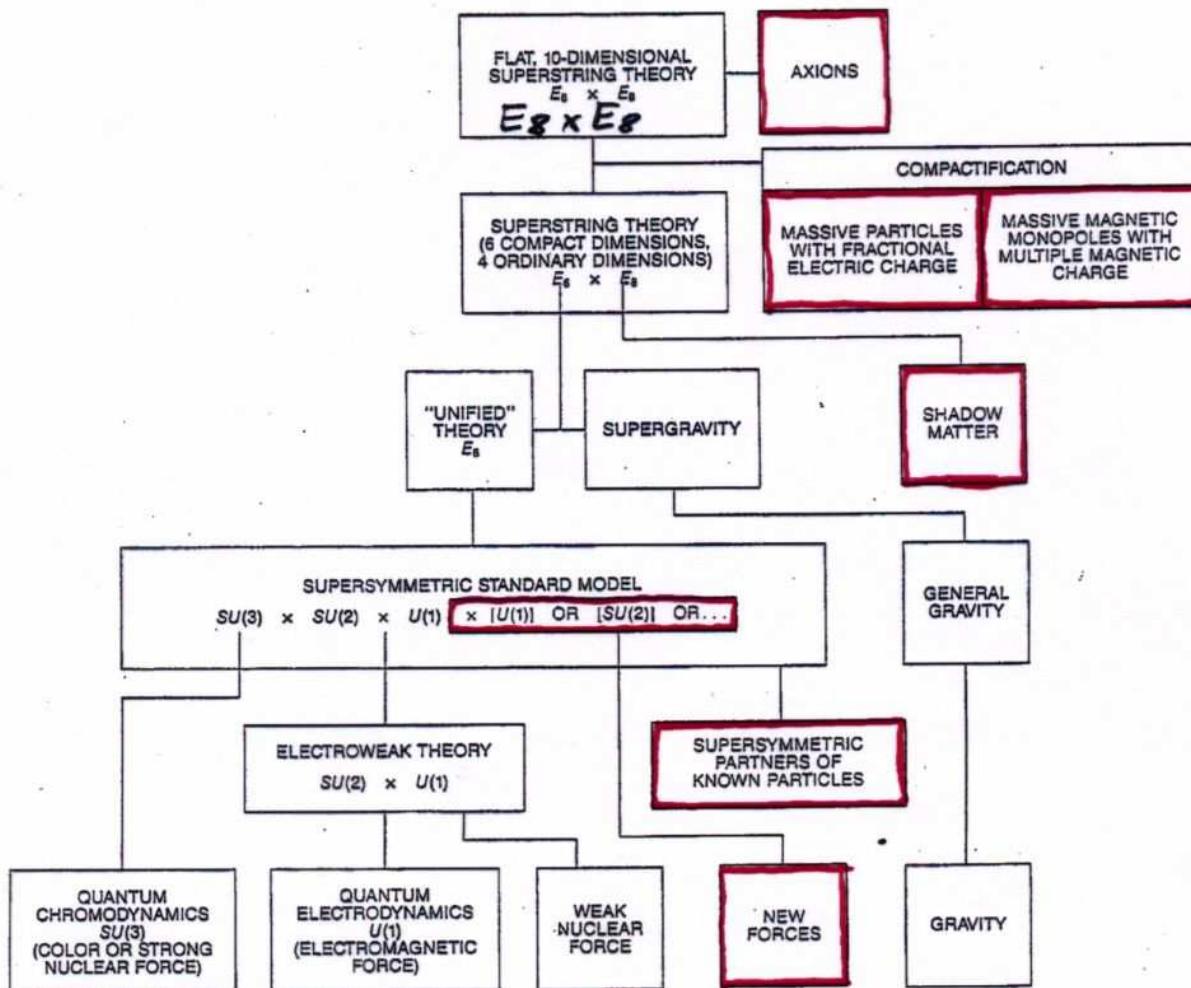
Struktur der Stringtheorien

Typ	Raum-Zeit-Dimensionen	Details
bosonisch	26	nur Bosonen, keine Fermionen → nur Kräfte, keine Materie; \exists Tachyon offene und geschlossene Strings,
I	10	Supersymmetrie,  und  (Sym. Gruppe $SO(32)$)
IIA	10	SUSY, nur  , masselose Fermionen mit beiden Händigkeiten (nicht-chiral → \exists Paritätsverletzung)
IB	10	SUSY, nur  , masselose Fermionen mit Händigkeit (chiral → \exists Paritätsverletzung)
HO	10	SUSY, nur  , heterotisch Strings, d.h.  \neq  (Sym. Gruppe $SO(32)$)
HE	10	SUSY, nur  , heterotische Strings (Sym. Gruppe $E_8 \times E_8$)

⇒ Fünf, scheinbar unvereinbare Stringtheorien ...

Theory of Everything

Struktur einer Theory of Everything, die auf einer 10dimensionalen Superstringtheorie beruht, welche u.U. neue Teilchen & Kräfte erfordert (→ ...)
 (basierend auf einer HE-Typ Stringtheorie):

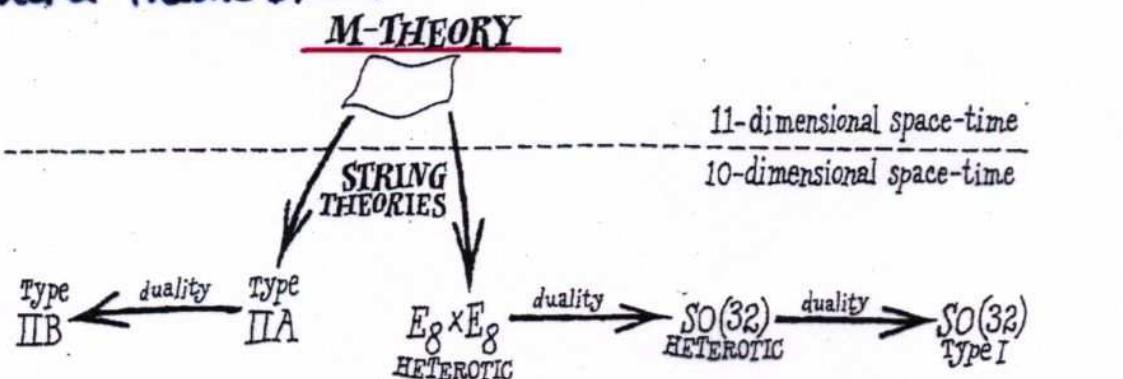


SUPERSTRING THEORY that is based on the huge symmetry group $E_8 \times E_8$ might make contact with observed physical phenomena by way of the connections shown in the logical diagram. When the effects of curvature in the six curled-up dimensions are considered, the theory resembles a supersymmetric grand-unified theory

linked to supergravity, whose symmetry is associated with the group $E_8 \times E_8$. That symmetry can break down to give the standard model of elementary particles and forces, which accounts for the three nongravitational forces. New particles and forces that may be required by certain interpretations of the theory are shown in color.

Dualität von Theorien: M-Theorie

Vor wenigen Jahren wurde entdeckt, daß die fünf Stringtheorien offenbar Grenzfälle einer allgemeinen Theorie sind:



M-THEORY in 11 dimensions gives rise to the five string theories in 10 dimensions. When the extra dimension curls into a circle, M-theory yields the Type IIA superstring, which is further related by duality to the Type IIB string. If, however, the extra dimension shrinks to a line segment, M-theory becomes the physically plausible $E_8 \times E_8$ heterotic string. The latter is connected to the $SO(32)$ string theories by dualities.

Die M-Theorie, deren genaue Struktur noch gänzlich unbekannt ist, existiert in 11 Dimensionen.

Die Stringtheorien sind weiterhin untereinander durch Dualitäten miteinander verknüpft.

Es gibt dabei:

S-Dualität zw. Theorien mit reziproken Kopplgs.stärken

T-Dualität zw. Teilchen der Theorien (Windungszahl eines Strings um eine kompaktifizierte Dimension
 \leftrightarrow mögliche Vibrationsmodi des Strings)

S-Dualität

- Beispiel: Dualität von Elektrizität & Magnetismus

Maxwell Gleichungen:

$$\begin{array}{l} \vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \rho_E \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} \vec{\nabla} \times \vec{E} + \dot{\vec{B}} = 0 \\ \vec{\nabla} \times \vec{B} - \dot{\vec{E}} = \vec{j}_E \end{array}$$

Würde man die beiden 0 durch entsprechende magnet. Größen ρ_M, \vec{j}_M ersetzen, so wären die Maxwell-Gl. völlig symmetrisch unter der Vertauschung:

$$\vec{E} \rightarrow \vec{B}, \quad \vec{B} \rightarrow -\vec{E}$$

Elektro. & magnet. Felder wären dann einander dual.

Die Kopplungsstärke für elektro. Ladungen ist

$$\alpha_E = \frac{e^2}{4\pi\hbar c} \approx 1/137$$

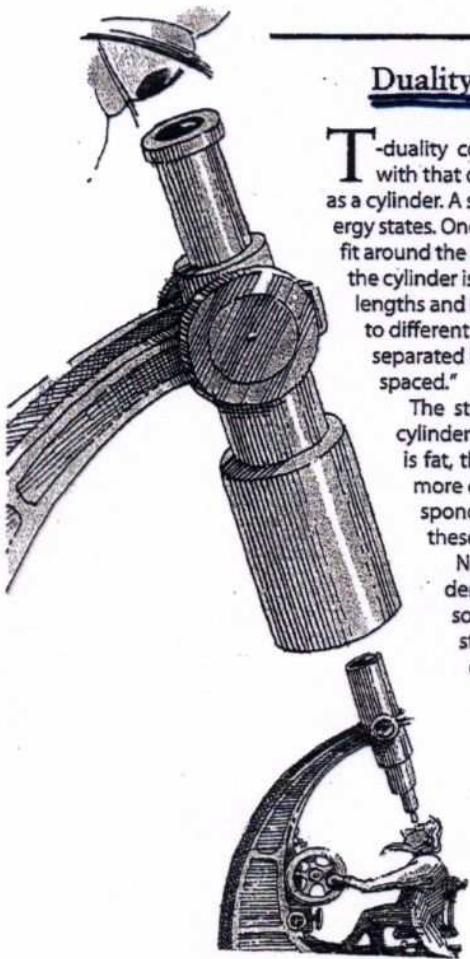
die für magnet. Ladungen ist (von P. Dirac berechnet):

$$\alpha_M = \frac{4\pi\hbar c}{e^2} \approx 137$$

Beachte: $\alpha_E = 1/\alpha_M$

⇒ Eine geringe elektro. Wechselwirkungsstärke bedeutet eine extrem starke magnet. Ww. Stärke: S-Dualität

T-Dualität



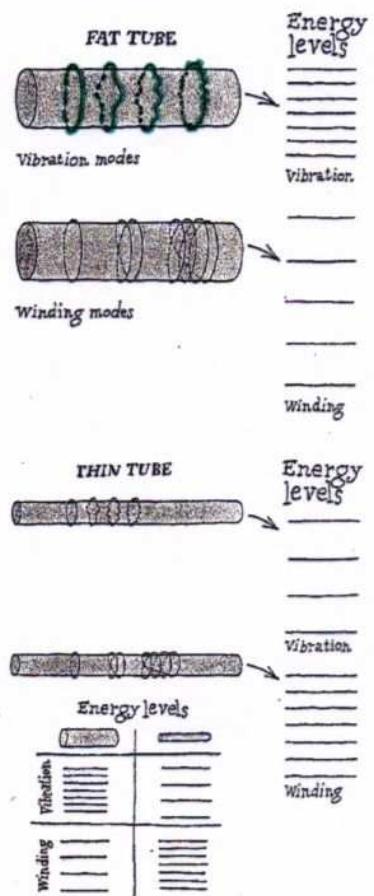
Duality between Large and Small

T-duality connects the physics of large space-times with that of small ones. Visualize a curled space-time as a cylinder. A string looped around it has two kinds of energy states. One set arises from the waves in the string that fit around the cylinder; call these the "vibration" modes. If the cylinder is fat, the vibrations tend to have long wavelengths and less energy. So the energies corresponding to different numbers of waves around the cylinder are separated by small amounts—that is, they are "closely spaced."

The string can, however, also loop around the cylinder like a stretched rubber band. If the cylinder is fat, the string needs to stretch more, requiring more energy. So the energies of the states corresponding to different numbers of loops—call these the "winding" modes—are widely spaced.

Now look at the energy levels for a thin cylinder. The waves fitting around it are small and so have high energy. As a result, the vibration states are widely spaced. But the loops require less energy, and so the winding modes are closely spaced.

To an outside observer, however, the different physical origins of the vibration and winding states are not apparent. Both the thin and the fat tube yield ultimately the same energy levels, which physicists interpret as particles. Thus, the minute scales of the thin space-time may yield exactly the same physics as the large scales of our universe.
—M.J.D.



... ist eine Dualität zw. Teilchen und den Energieniveaus. Hier am Beispiel von Windungszahl und Vibrationsmodi von Strings um eine mehr oder weniger stark kompaktifizierte Dimension: gering | stark kompakt.



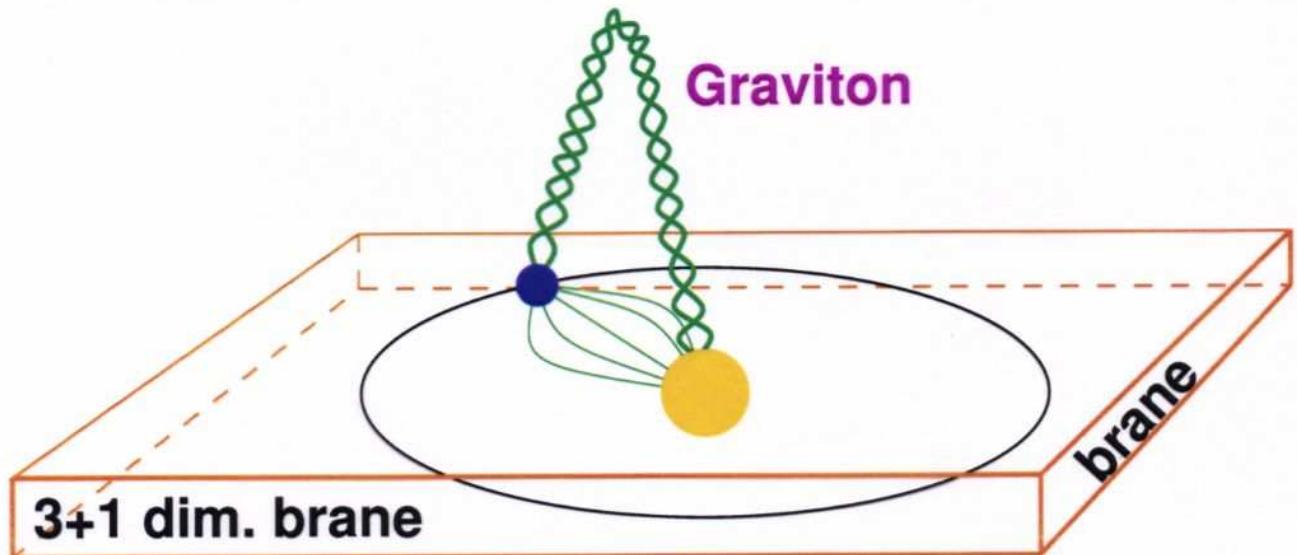
Stringtheorien und die wirkliche Welt

- markanteste Effekte treten erst bei Energien von $\sim 10^{19}$ GeV auf, wenn die kompaktifizierten Dimensionen "sichtbar" bzw. "ausgerollt" werden
→ weit weg von heute technologisch Machbaren
- Extrapolation der Kopplungsstärken gibt Hinweis auf Vereinigung der Wechselwirkungen. Unklar ist, ob im M-Theorie auch Gravitation bei Vereinigung dabei ist
- Vor wenigen Jahren wurden Große Extra-Dimensionen als mögliche "Niederenergie"-Realisierung von Stringtheorien vorgeschlagen. Damit wurde eine effektive Planck-Skala von $\sim 1\text{TeV}$ möglich, an der die Vereinigung aller vier Wechselwirkungen erfolgt.

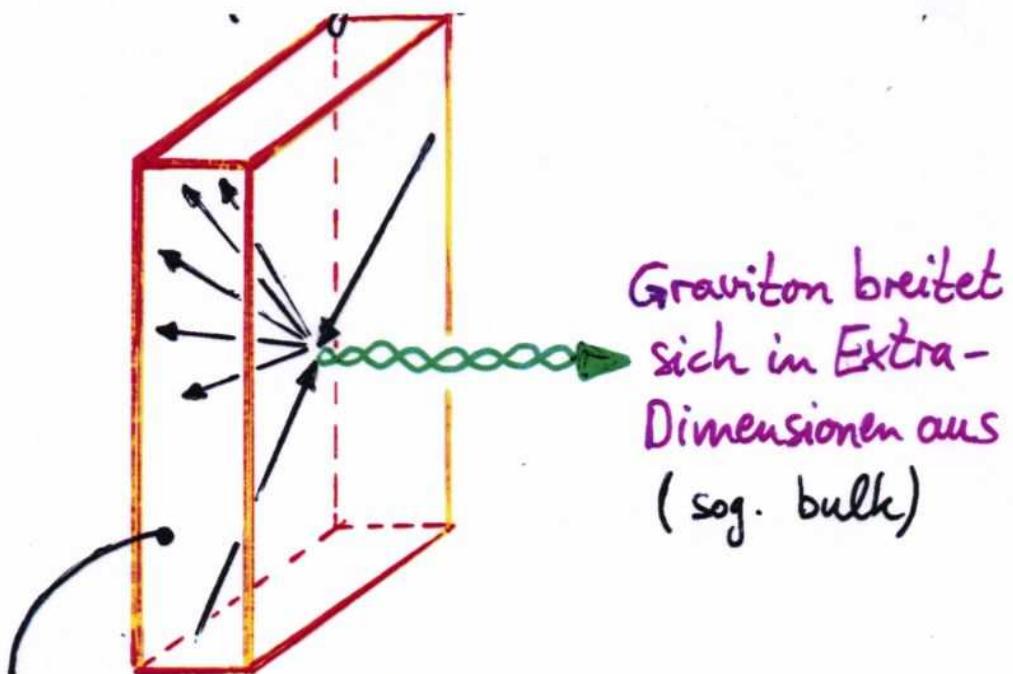
Extra Dimensionen

- Struktur:

- Graviton auch in Extra-Dim. (so gen.: bulk)



- Materie und andere Ww. in 3+1dim Raumzeit
(so gen.: brane)



Materie und übrige Wechselwirkungen sind ,
in 3+1-Dimen **Membrane** gefangen (so gen. brane)

Große Extra-Dimensionen

- n zusätzliche Dimensionen verändern Newtons Gravitationsgesetz:

$$V(r) = \frac{1}{m_{Pl}^2} \cdot \frac{m_1 m_2}{r} \rightarrow \frac{1}{(M_{eff})^{n+2}} \cdot \frac{m_1 m_2}{r^{n+1}}$$

- für sehr große Extra-Dimensionen bereits ausgeschlossen, da keine Abweichung von Gravitationsgesetzen auf großen Skalen beobachtet

- n Extra-Dimensionen kompaktifiziert auf Radius R

$$V(r) \sim \frac{1}{M_S^{n+2}} \cdot \frac{m_1 m_2}{R^n \cdot r} ; r \gg R$$

- effektive Gravitationskonst.: $G_N' \sim 1/M_S^2$
- Skala für M_S durch G_F : $M_S = \Omega(\frac{1}{\sqrt{G_F}}) \sim 1 \text{ TeV}$

$$\Rightarrow R = \frac{1}{2\sqrt{\pi} M_S} \left(\frac{m_{Pl}}{M_S} \right)^{2/n} \sim \begin{cases} 8 \cdot 10^{12} \text{ m} ; n=1 \\ 0.7 \text{ mm} ; n=2 \\ 3 \text{ nm} ; n=3 \\ 6 \text{ pm} ; n=4 \end{cases}$$

\Rightarrow Abweichungen von Newtons Gravit.-gesetze
bei Abständen $\leq 1 \text{ mm}$,
experimentell nicht ausgeschlossen!

Large Extra Dimensions (LED):

- Motiviert aus Stringtheorie:
- ▷ Standard-Modell: Niederenergie-Näherung einer vollständigen Theorie

▷ Neue Theorie: bei $\Lambda \approx 1$ TeV wirksam
 → Higgsmasse gegen Λ^2 -Divergenz sicher

▷ Arkani-Hamed, Dimopoulos, Dvali (ADD1998):
 effektive Planck-Skala $M'_{\text{Pl}} \ll m_{\text{Planck}}$,
 effektive GUT-Skala $M'_{\text{GUT}} \ll m_{\text{GUT}}$
 durch LED bei $M_S \sim 1$ TeV

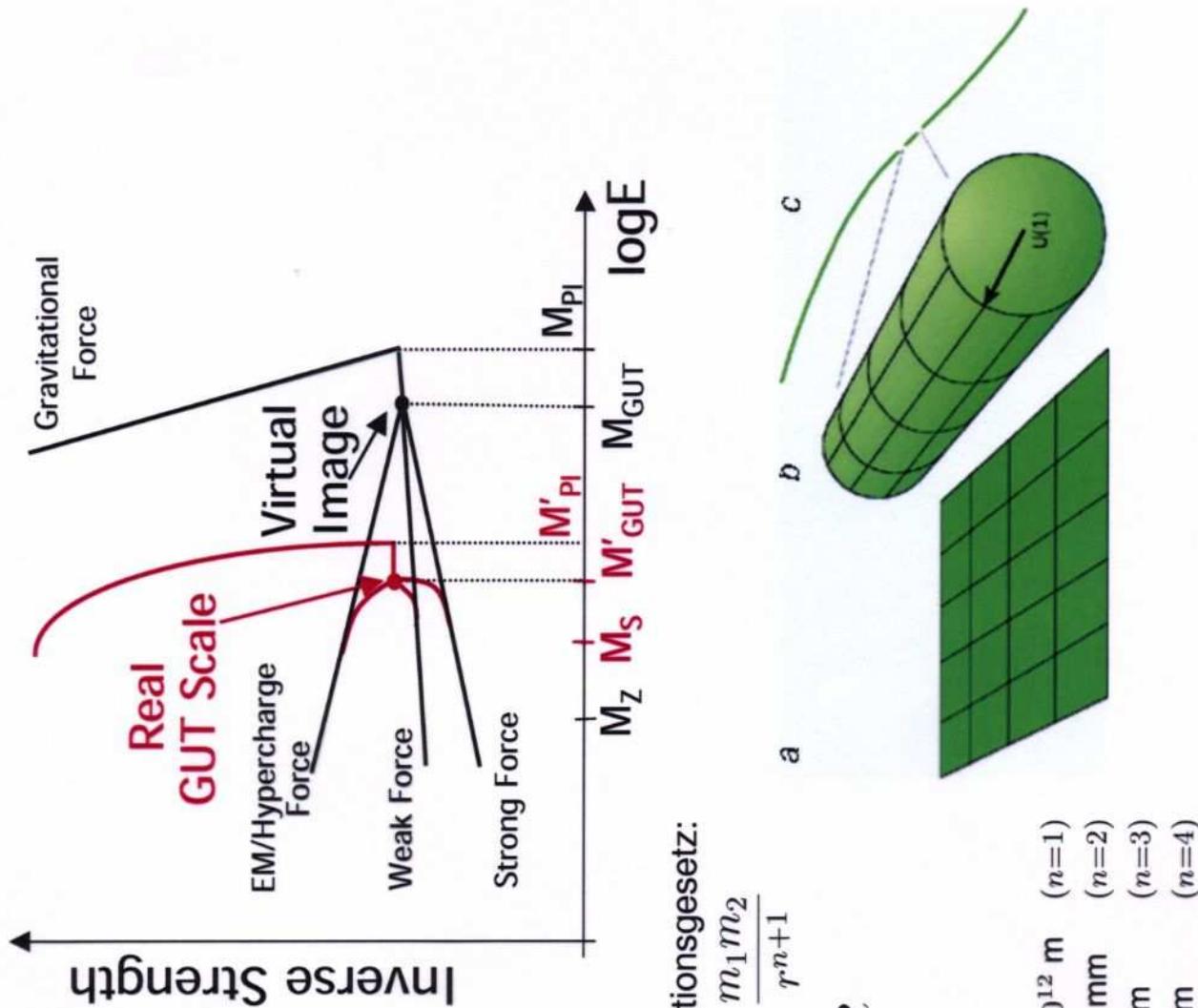
▷ Konzept: n zusätzl. Dimensionen verändern Gravitationsgesetz:

$$V(r) = \frac{1}{m_{\text{Planck}}^{n+2}} \cdot \frac{m_1 m_2}{r} \rightarrow \frac{1}{M_{\text{eff}}^{n+2}} \cdot \frac{m_1 m_2}{r^{n+1}}$$

▷ n Extra-Dimensionen "kompaktifiziert" auf Radius R

$$V(r) \sim \frac{1}{M_S^{n+2}} \cdot \frac{m_1 m_2}{R^n \cdot r} ; \quad r \gg R$$

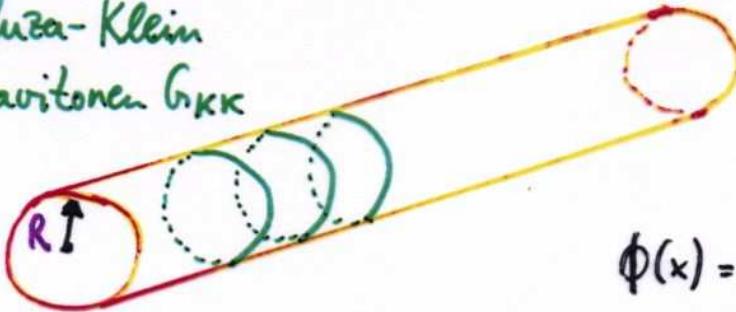
$$R = \frac{1}{2\sqrt{\pi} M_S} \left(\frac{m_{\text{Planck}}}{M_S} \right)^{2/n} \underset{M_S=1 \text{ TeV}}{\approx} \begin{cases} 8 \cdot 10^{12} \text{ m} & (n=1) \\ 0.7 \text{ mm} & (n=2) \\ 3 \text{ nm} & (n=3) \\ 6 \text{ pm} & (n=4) \end{cases}$$



Effekte großer Extra-Dimensionen

- Anregungsmodi der kompaktifizierten Dimensionen
 \Leftrightarrow Windungszahlen (vgl. T-Dualität)

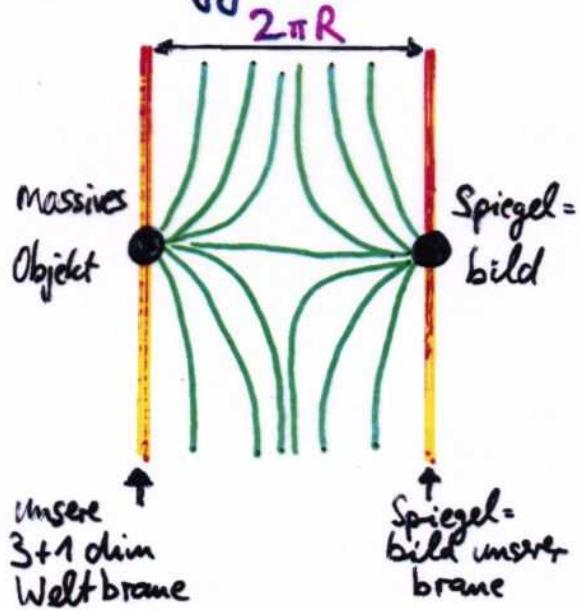
Kaluza-Klein
Gravitonen KK



$$\phi(x) = \phi(x + 2\pi kR); k=0,1,2,\dots$$

$$\text{Masse } M_{KK} = \frac{2\pi k}{R}$$

▷ "aufgewickelt":



□ Impulse der KK-Gravitonen

sind quantisiert

$$p \sim \frac{k}{R}, k=0,1,2,\dots$$

□ KK-Gravitonen erscheinen massiv aus Sicht unserer 3+1 dim brane, mit

Massenanregungen:

$$M_{KK} = \frac{2\pi k}{R}$$

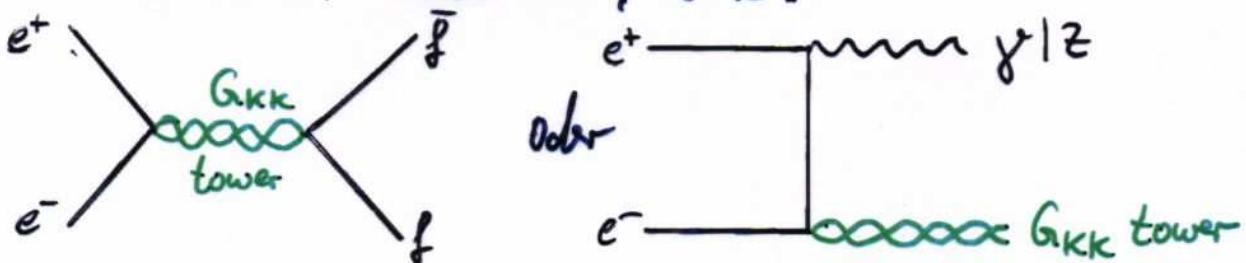
\Rightarrow kleine Stufen in Anregungsenergien!

(z.B. 1.8 meV in $n=2$; 420 eV in $n=3$; 210 keV in $n=4$)

- GKK koppeln mit geringer gravitativ Stärke, bei hohen Energien aber sehr viele Zustände angeregt (sog. towers)

Suche großer Extra-Dimensionen

- Kaluza-Klein Gravitonen koppeln an Energieimpulstensor und tragen zu fast allen Prozessen im Standard Modell bei, z.B.



- GKK tower breiten sich im bulk (=kompakt. Extra-Dimensionen) aus, so daß aus unserem 3+1 dim Sichtpunkt, Energie und Impuls nicht erhalten scheinen
- Beschleuniger-Experimente (LEP, HERA, Tevatron) haben keine Effekte großer Extra-Dimensionen beobachtet

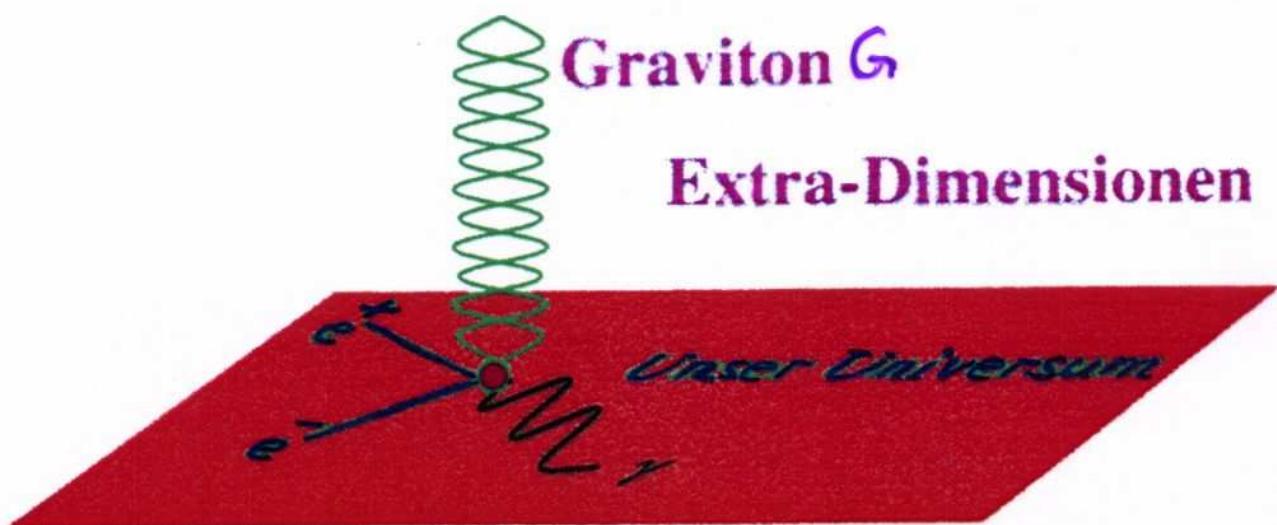
$$\Rightarrow M_S > \begin{cases} 1.4 \text{ TeV} \\ 1.0 \text{ TeV} \\ 0.8 \text{ TeV} \\ 0.8 \text{ TeV} \end{cases} \quad \text{für } n = \begin{cases} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{cases}$$

- Abkühlrate der Supernova 1987 A (i.w. durch Neutrinos) durch GKK $\Rightarrow M_S > \begin{cases} 30 \text{ TeV} \\ 4 \text{ TeV} \end{cases} \quad \text{für } n = \begin{cases} 2 \\ 3 \end{cases}$

Suche nach Extra-Dimensionen

... in Beschleuniger-Experimenten:

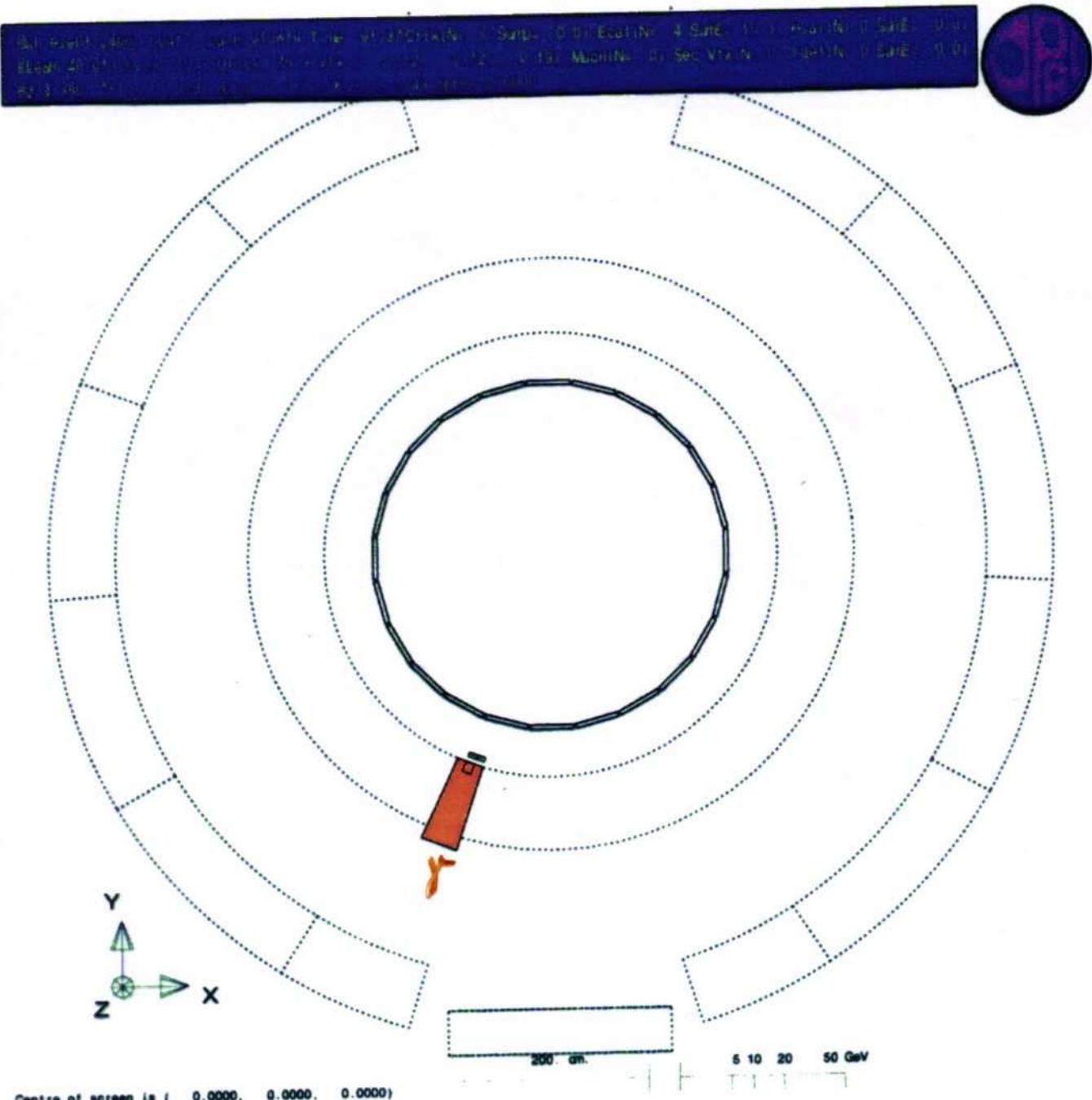
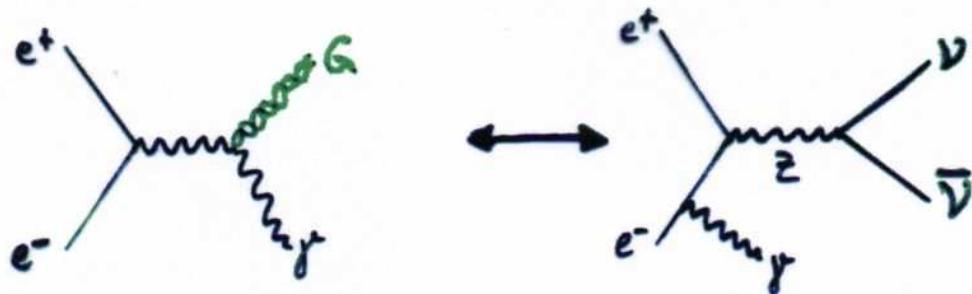
- Reaktion:



- Beobachtung:

- ▶ Graviton entführt Energie in Extra-Dimensionen
- ▶ einzelnes Photon im Detektor beobachtbar

Anzeichen für Extra-Dimensionen?



Centre of screen is (-0.0000, -0.0000, -0.0000)

Suche nach Extra-Dimensionen

- Reaktion:

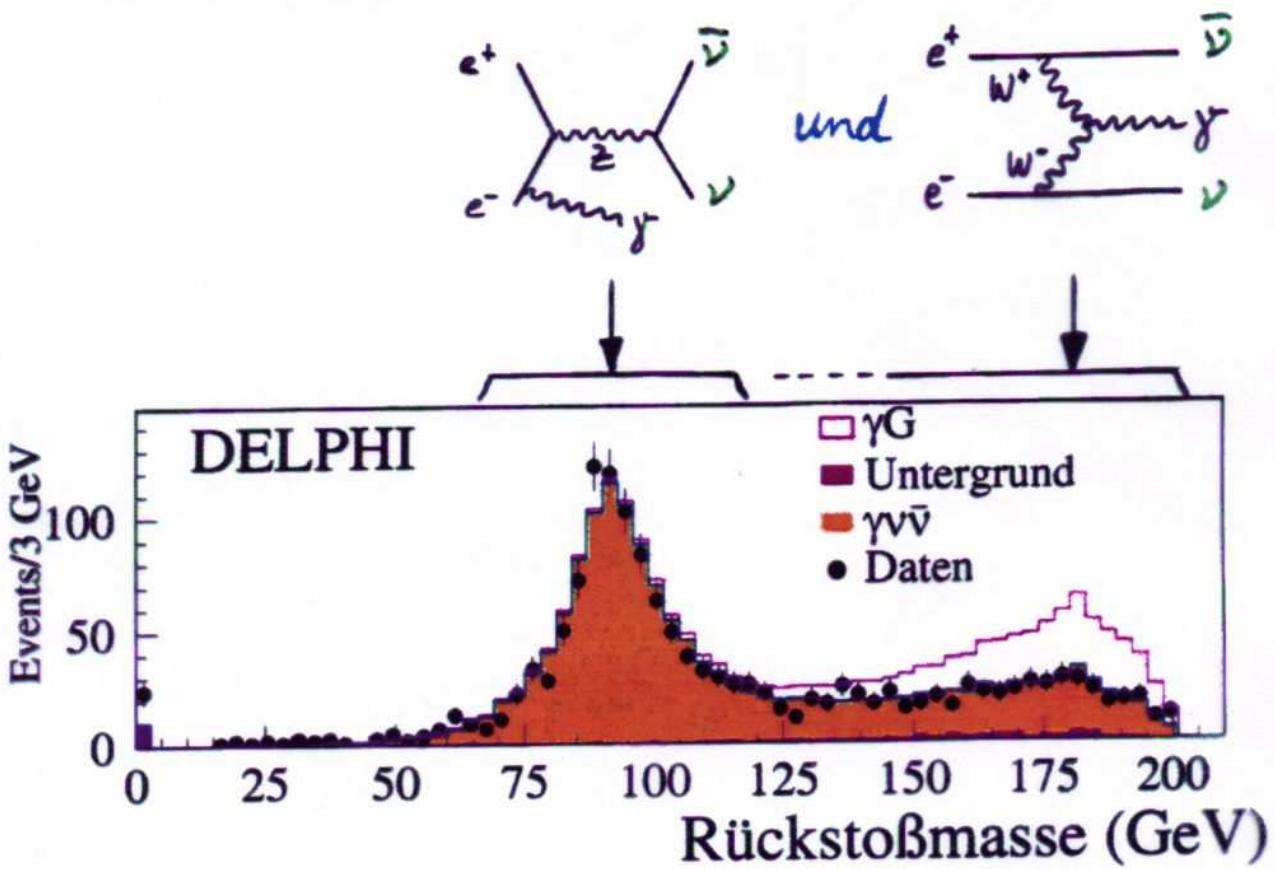


- Beobachtung:

- ▶ einzelnes Photon

- ▶ fehlende Energie im Bilanz durch Graviton

- Konkurrenzprozesse:



⇒ keine Anzeichen für Extra-Dimensionen

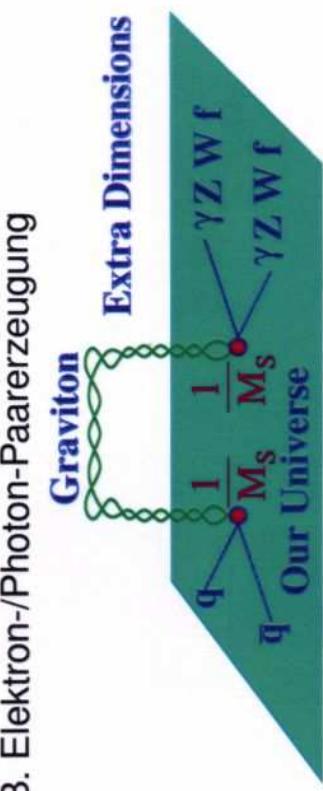
Suche nach Large Extra Dimensions:

Reaktion mit bisher höchster diEM-Masse = 475 GeV

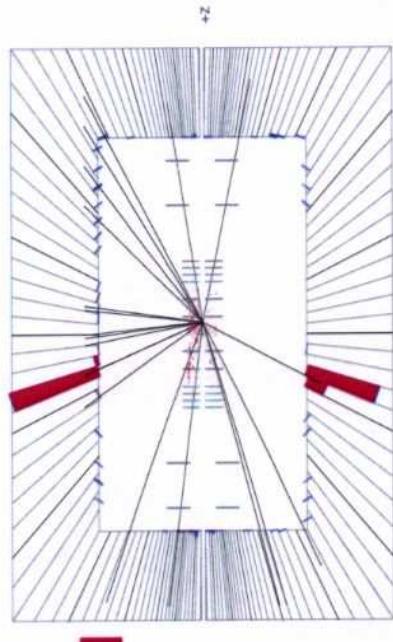
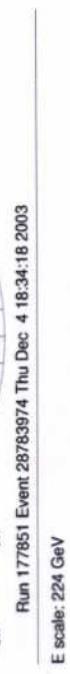
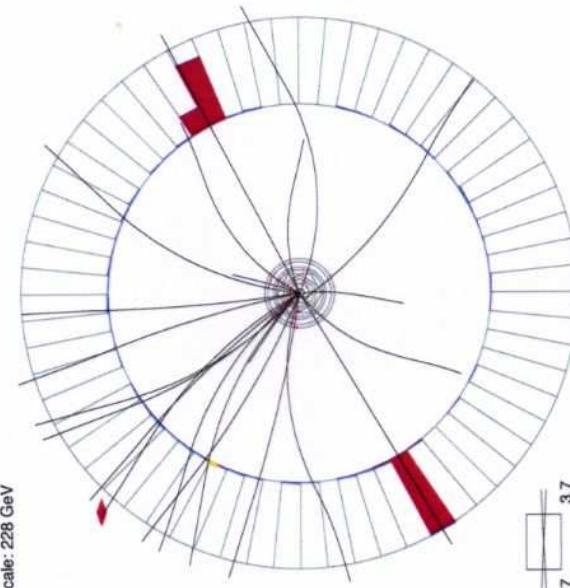
und $\cos \theta^* = 0.01$ in DØ-Experiment:

Run 177851 Event 28783974 Thu Dec 4 18:34:19 2003

ET scale: 228 GeV

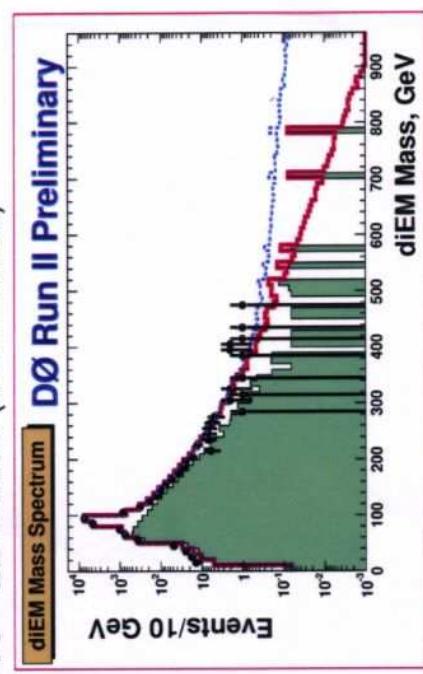


◇ Z.B. Elektron-/Photon-Paarerzeugung



▷ Signatur für LED in Elektron-/Photon-Paaren:

- große Paarmasse (diEM Masse)



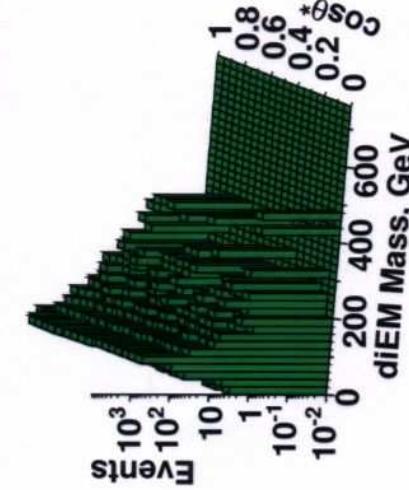
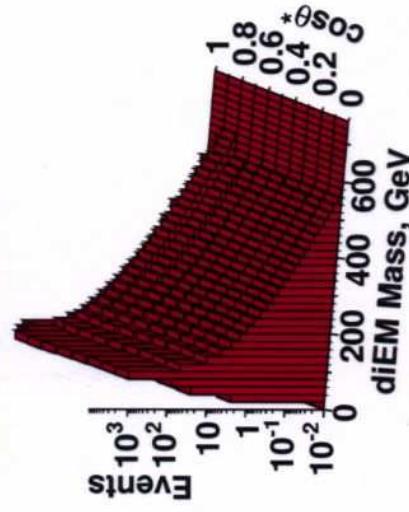
- großer Streuwinkel im Schwerpunktssystem des Teilchenpaars zur Strahlachse ($\cos \theta^*$)

Suche nach Large Extra Dimensions:

Verteilung von diEM vs. $\cos \theta^*$ für Standard-Modell-Erwartung,
QCD-Untergrund, LED-Signal und tatsächlicher Beobachtung (Data):

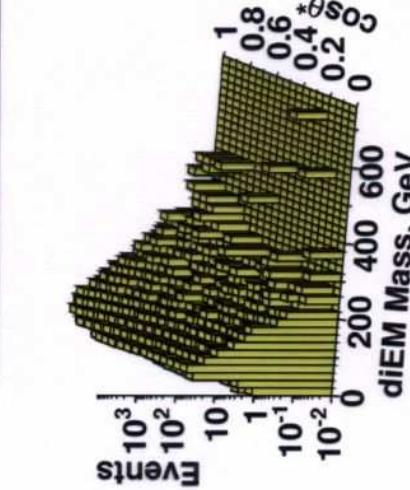
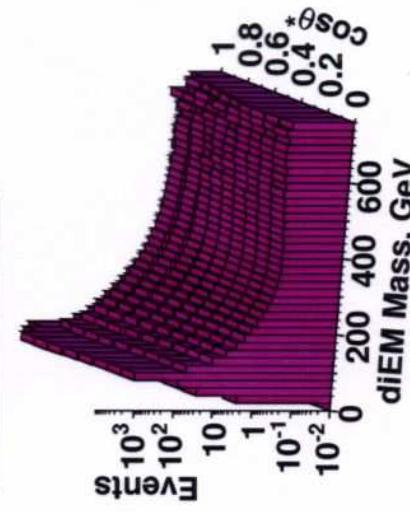
SM Prediction **DØ Run II Preliminary**

Data



ED Signal

QCD Background



▷ Keine Anzeichen für
große Extra-Dimensionen

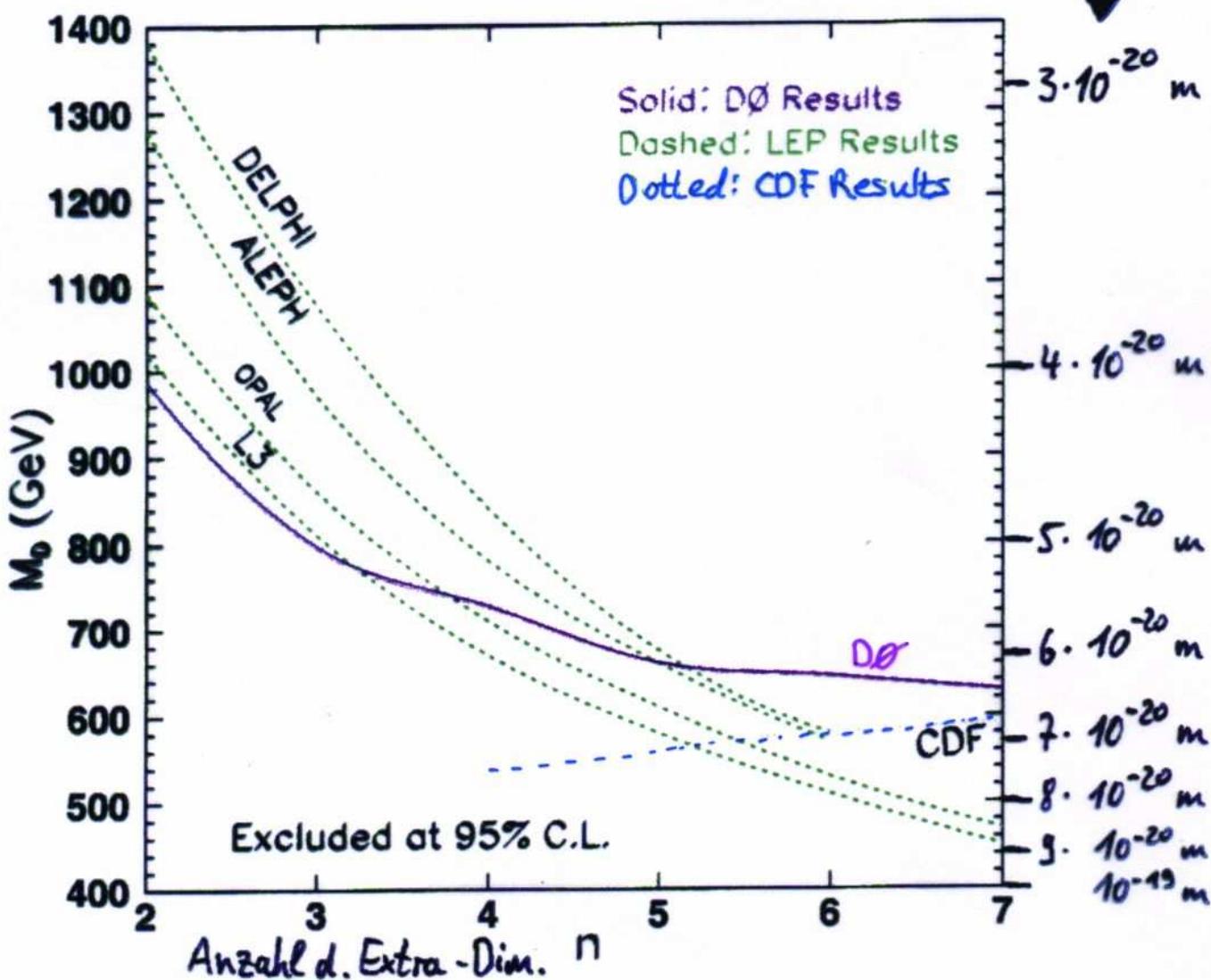
- Grenzen auf M_S und R
 - $n = 2 : M_S > 1.67 \text{ TeV} \leftrightarrow R < 0.24 \text{ mm}$
 - $n = 3 : M_S > 1.70 \text{ TeV} \leftrightarrow R < 1.20 \text{ nm}$
 - $n = 4 : M_S > 1.43 \text{ TeV} \leftrightarrow R < 3.56 \text{ pm}$

- $n = 5 : M_S > 1.29 \text{ TeV} \leftrightarrow R < 0.11 \text{ pm}$
- $n = 6 : M_S > 1.20 \text{ TeV} \leftrightarrow R < 9.98 \text{ fm}$
- $n = 7 : M_S > 1.14 \text{ TeV} \leftrightarrow R < 1.84 \text{ fm}$

⇒ Wenn, dann sind große Extra Dimensionen winzig klein aufgerollt !

Grenzen auf Extra-Dimensionen

- keine Anzeichen für Extra-Dimensionen
- Wirkungen von Extra-Dimensionen erst unterhalb eines Abstands von:



⇒ je nach Anzahl der Extra-Dimensionen
Auswirkungen erst unterhalb von einigen 10^{-20} m

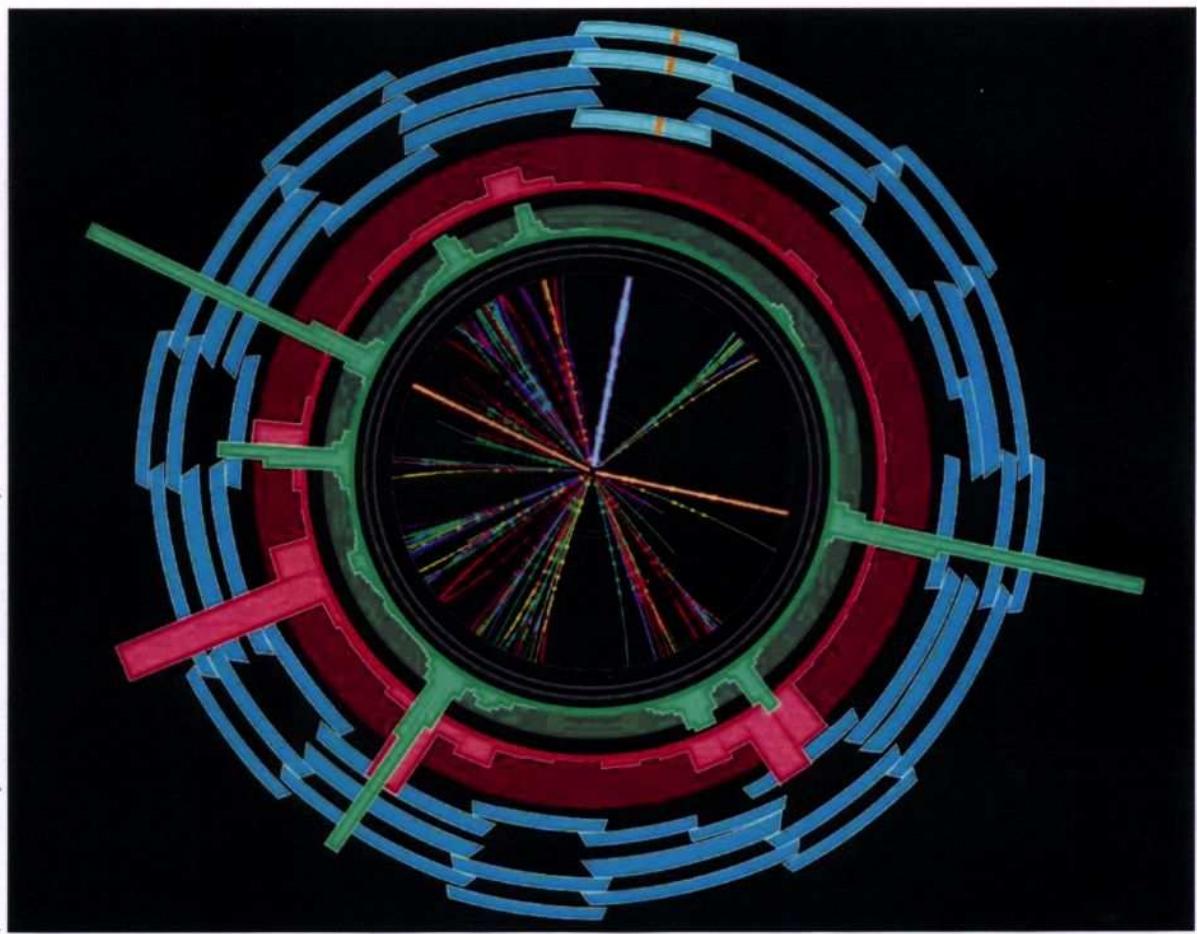
Mini Schwarze Löcher:

Experimentelle Signatur spektakulär

- ⊕ Wenn \exists LED und $M'_p \approx \mathcal{O}(1\text{-}10 \text{ TeV})$
- ⊕ Impaktparameter $d < \text{Schwarzschilddurchmesser } R_s$ bei hartem Stoß



(hier Beispiel ATLAS @ LHC)



- Miniatur Schwarze Löcher können entstehen
 - ▷ Masse $\approx 14 \text{ TeV}$
 - ▷ Schwarzschilddurchmesser $\approx 10^{-50} \text{ m}$
 - ▷ Hawking-Temperatur $\approx 10^{45} \text{ K}$
 - ▷ Zerfall durch Hawking-Strahlung
 - ▷ Strahlungsleistung $\approx 10^{78} \text{ W}$
 - ▷ Lebensdauer $\approx 10^{-87} \text{ s}$
 - ▷ thermisch-statistische Verteilung der Teilchenarten
- ⊕ noch mit vielen Fragen/Spekulationen bei theoretischer Beschreibung und Modellierung

Stringtheorien

In Stringtheorien werden sehr große Hoffnungen gesetzt. Solche Theorien sollen als **Theory of Everything** eben alle Strukturen und Teilchen und Wechselwirkungen erklären. Dabei erwartet man Antworten auf auch ungelöste Fragen, z.B.:

- Natur der Dunklen Energie
- Diskrepanz zwischen Vakuumenergiedichte der Dunklen Energie

$$S_L = D_L \cdot g_c \approx 0.7 \cdot 5.99 \frac{\text{GeV}}{\text{m}^3} \approx 4.2 \frac{\text{GeV}}{\text{m}^3}$$

und dem erwarteten Beitrag aus Quantenfluktuationen

$$S_V = \frac{1}{64(\hbar c)^3} (m_P \cdot c^2)^4 \approx 4.5 \cdot 10^{122} \frac{\text{GeV}}{\text{m}^3}$$

Bisher betrachtete Stringtheorien scheinen nur Grenzfälle einer bislang nicht näher bekannten M-Theorie zu sein.

Die bisherigen Anstrengungen, die mathematischen Werkzeuge zur Behandlung von Stringtheorien zu finden, haben erste Erfolge. Allerdings blieben bisher alle Anstrengungen bei spielsweise groÙe Extra-Dimension zu finden, ohne Erfolg.